

**Internationales Studienkolleg für Fachhochschulen in  
Kaiserslautern**

**Abschlussprüfung:** Mathe für W1

**Datum:** 22.12.2005

**Dauer:** 90 Minuten

**Aufgaben**

**1. Funktionsgraphen**

Zeichnen Sie folgende Funktionen in ein Diagramm. Achten Sie auf eine genaue Bezeichnung und sinnvolle Einteilung der Achsen.

- a)  $f(x) = x^2$ , b)  $f(x) = -x^2$ , c)  $f(x) = (x-2)^2 + 1$ , d)  $f(x) = (x+1)^2 - 3$ ,  
 e)  $f(x) = -(x+1)^2$   
 (10 Punkte)

**2. Funktionen dritten und vierten Grades**

Bestimmen Sie für folgende Funktionen die Schnittpunkte mit der x-Achse und mit der y-Achse (falls vorhanden). Geben Sie auch an, wenn ein Punkt nicht existiert.

- a)  $f(x) = 3 \cdot x^3 + 3 \cdot x^2 - 6 \cdot x$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte),  
 b)  $f(x) = x^4 - 68 \cdot x^2 + 256$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte),  
 c)  $f(x) = x^3 - 13 \cdot x - 12$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte),  
 d)  $f(x) = x^3 - 6 \cdot x^2 + 5 \cdot x + 12$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte),  
 e)  $f(x) = 2 \cdot x^3 - 8 \cdot x^2 - 50 \cdot x + 56$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte),  
 f)  $f(x) = -2 \cdot x^3 - 8 \cdot x$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte),  
 g)  $f(x) = x^4 - 20 \cdot x^2 + 64$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte),  
 h)  $f(x) = x^3 - 19 \cdot x + 30$   $D_f = \mathbb{R}$  (4 Punkte).

**3. Exponentialfunktionen und Logarithmusfunktionen**

Bestimmen Sie für folgende Funktionen die Schnittpunkte mit der x-Achse und mit der y-Achse (falls vorhanden). Geben Sie auch an, wenn ein Punkt nicht existiert.

- a)  $f(x) = 4^{3x}$   $D_f = \mathbb{R}$  (2 Punkte), b)  $f(x) = e^{3x+4} - 3$   $D_f = \mathbb{R}$  (2 Punkte),  
 c)  $f(x) = \ln(x^2 - 25)$   $D_f = \{x \in \mathbb{R} \mid x < -5 \vee x > 5\}$  (2 Punkte),  
 d)  $f(x) = \ln(7 \cdot x) - 9$   $D_f = \{x \in \mathbb{R} \mid x > 0\}$  (2 Punkte).

**4. Textaufgabe**

Eine Firma produziert die Menge  $x$  an Autos. Die Funktion  $k(x) = x^2 - 250 \cdot x + 20.037$   $D_f = \{x \in \mathbb{R} \mid x > 0\}$  gibt die durchschnittlichen Kosten in Abhängigkeit von der Produktionsmenge an.

- a) Bei welcher Produktionsmenge sind die durchschnittlichen Kosten eines Autos minimal? (Hinweis: Überlegen Sie, welche Form die Funktion  $k(x)$  hat.) (3 Punkte)  
 b) Wie hoch sind die durchschnittlichen Kosten im Minimum? (1 Punkt)